

Primer encuentro virtual de estudiantes de posgrado en matemática educativa



Universidad Autónoma del Estado de Hidalgo



# Procesos de razonamiento empleados por estudiantes de licenciatura durante la justificación de resultados geométricos básicos

\*Laura Aguilar Castro  
Fernando Barrera Mora  
Aarón Reyes Rodríguez

# Objetivos

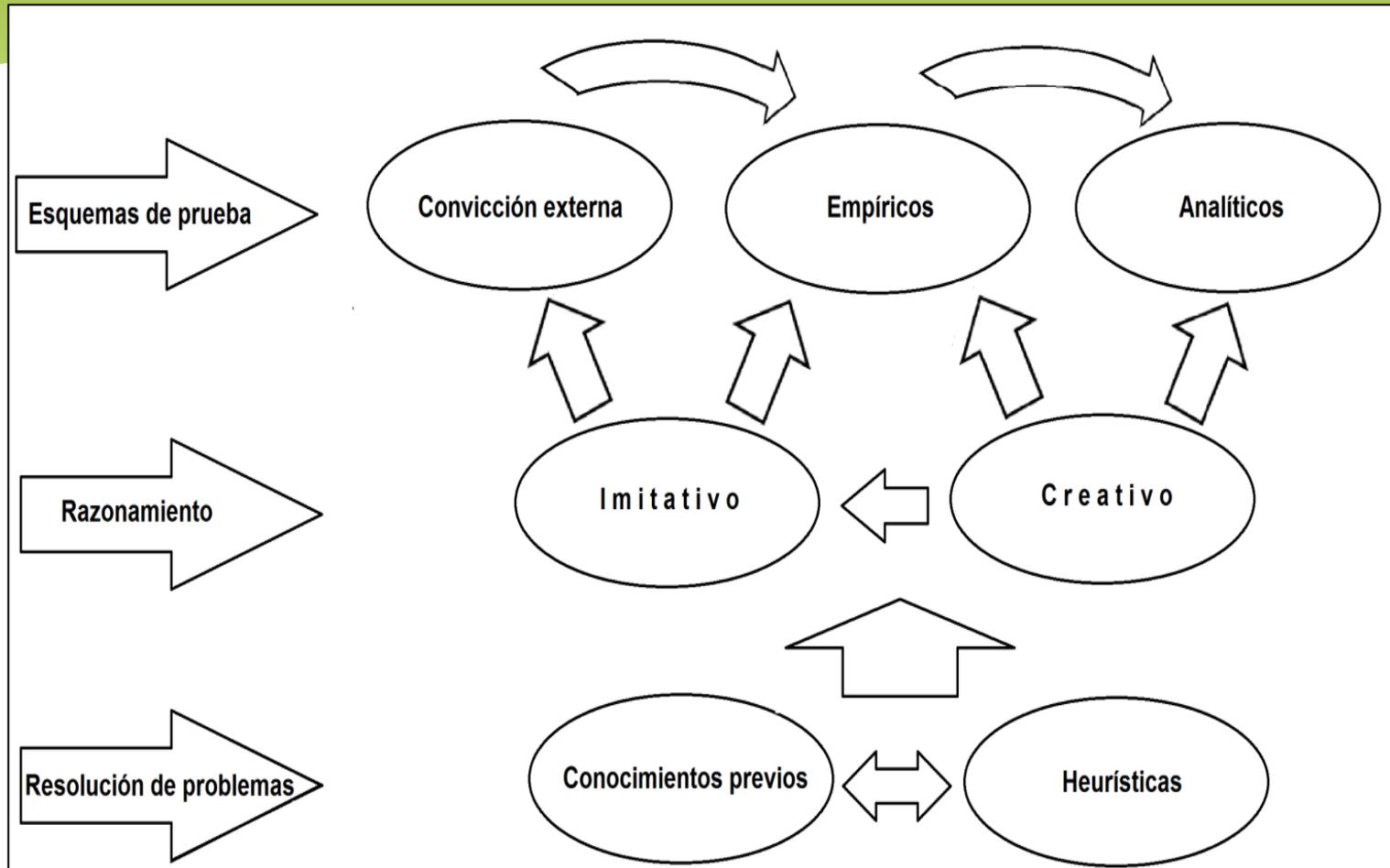
(1) Identificar y documentar algunas características del tipo de razonamiento que emplean estudiantes de licenciatura en la resolución de problemas de geometría.

(2) Analizar el tipo de argumentos y las heurísticas que emplean los estudiantes durante el proceso de justificación.

# Metodología

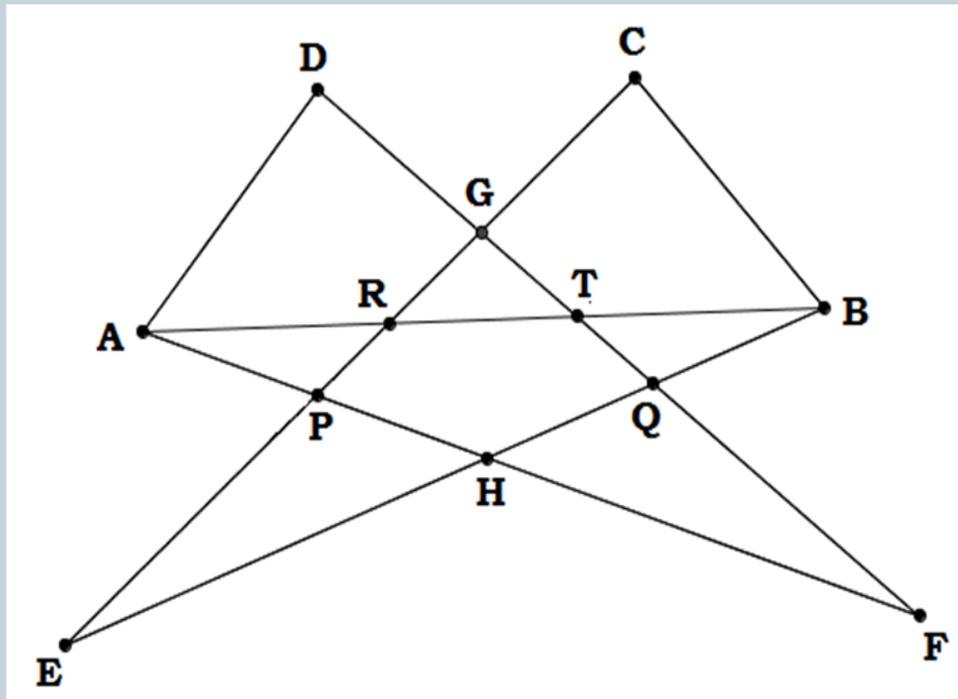
- \* Estudio de tipo cualitativo
- \* Registro de formas de razonamiento y argumentación mediante pruebas escritas, notas de campo, entrevistas grabadas en video que se transcribieron.
- \* Se aplicó a 15 estudiantes de una Licenciatura en Matemáticas (2 fases)
- \* Categorías de análisis: conocimientos previos, heurísticas, formas de razonamiento y argumentos empleados por los estudiantes.

# MARCO CONCEPTUAL



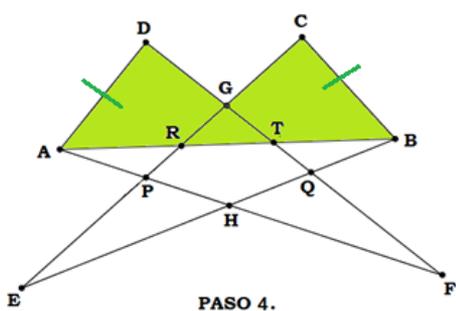
## TAREA 9

En la siguiente figura, los ángulos  $\angle D$  y  $\angle C$  son ángulos rectos y  $\triangle APR \cong \triangle BQT$ . Demostrar que el  $\triangle ADF \cong \triangle BCE$ .



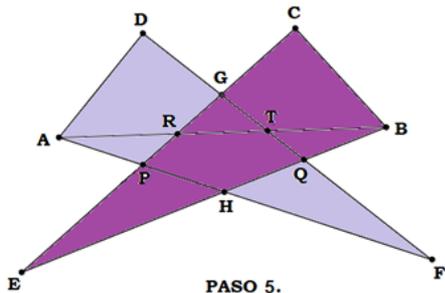
MOISE, pág. 194, ejercicio 8.

## Estudiante 2



PASO 4.

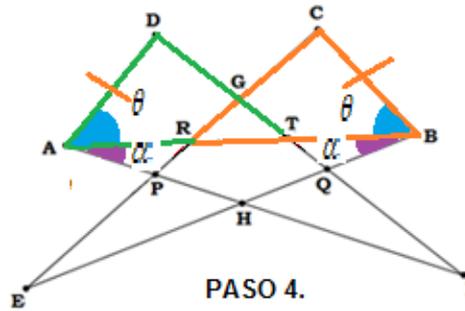
Emplea criterio de congruencia ALA  
y afirma  $AR=TB$ , comparten  $RT$   
por lo tanto  $CB=AD$



PASO 5.

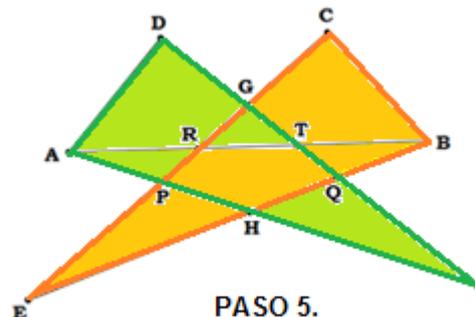
Afirma la congruencia de triángulos  
por criterio ALA

## Estudiante 7



PASO 4.

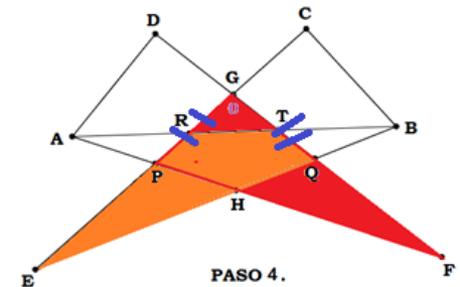
Establece igualdad de  
ángulos y lados



PASO 5.

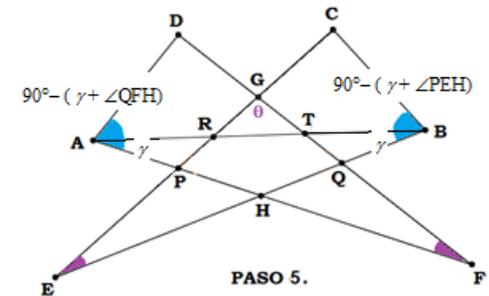
Identifica triángulos congruentes

## Estudiante 15



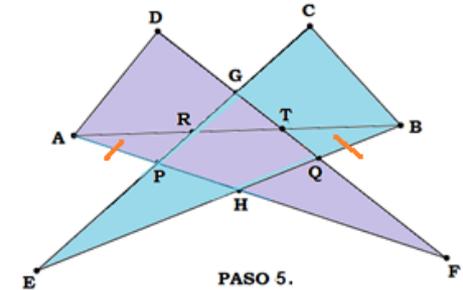
PASO 4.

Identifica congruencia de triángulos  
criterio ALA,  $GP = GQ$



PASO 5.

Establece la igualdad de  
ángulos

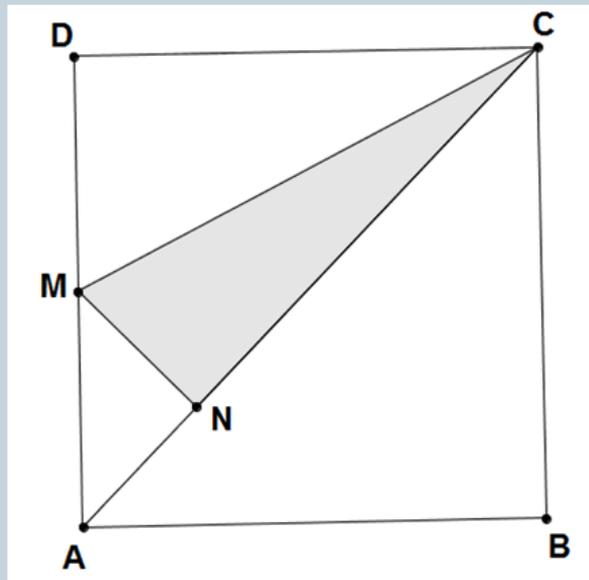


PASO 5.

Establece igualdad  $AP=QB$  y  
criterio de congruencia ALA

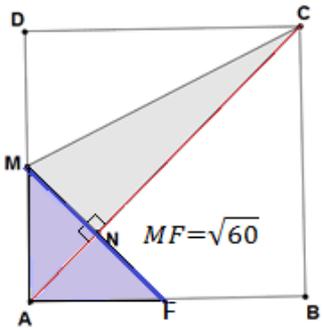
## TAREA 10

En la figura ABCD es un cuadrado, M es el punto medio de AD y MN es perpendicular a AC. Si el área del cuadrado es  $120 \text{ cm}^2$ . ¿Cuál es el área del triángulo sombreado?



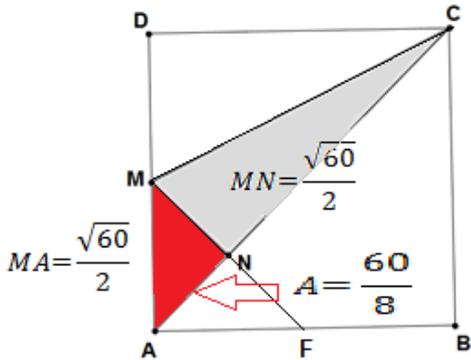
27ª OMM 2013. Problema 22, pág. 3

## Estudiante 2



PASO 4.

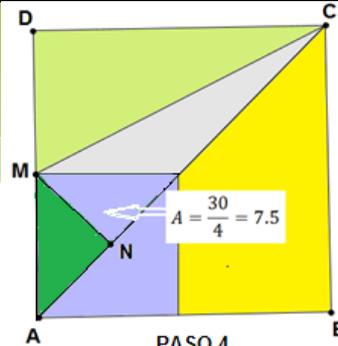
Identifica el triángulo rectángulo MAF y aplica Teorema de Pitágoras para encontrar MF



PASO 5.

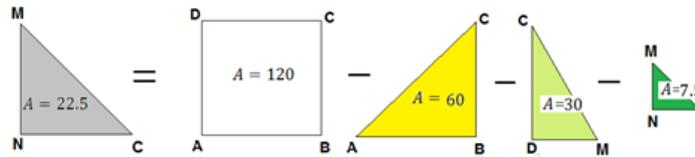
Con MA y MN obtiene el área del triángulo MAN

## Estudiante 6



PASO 4.

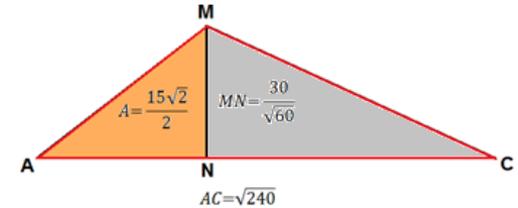
Divide el área del cuadrado en 4 áreas (triángulos)



PASO 5.

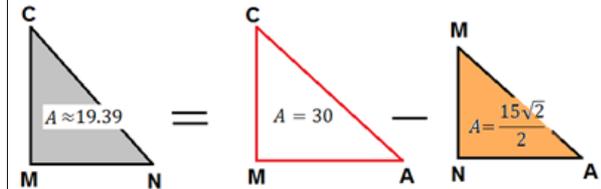
Resta áreas obtenidas

## Estudiante 15



PASO 4.

Con el área del triángulo MAC y la base AC emplea la fórmula de área para obtener MN



PASO 5.

Obtiene el área del triángulo CMN restando áreas

# Conclusiones

- \* Los estudiantes hacen uso, en gran medida de un **razonamiento creativo**. Una estrategia que emplearon los estudiantes y que no es muy común de observar, fue el **principio de aditividad de áreas** (Tarea 12). El tipo de argumentos empleados incluye **argumentaciones de tipo empírico** (esquemas de prueba perceptual) , **esquemas de prueba analíticos** (esquemas de prueba axiomático) y en algunos casos los **esquemas de convicción externa**. Las **heurísticas** más utilizadas son: trazos auxiliares, analogías y, el descomponer y componer el problema (sub-figuras).

# Referencias

- \* Barrera-Mora, F. & Reyes-Rodríguez, A. (2013). Enhancing Mathematical Thinking and Reasoning Through the use of digital tools in problem solving. *Far East Journal of Mathematical Education*, 10 (2), 109-134.
- \* Harel, G. & Sowder, H. (1998). Students' proof schemes: Results from exploratory studies. En E. Dubinsky, A. Schoenfeld & J. Kaput (Eds.), *Issues in mathematics education: Vol. 7. Research in collegiate mathematics education III* (pp. 234-282). Providence, RI: American Mathematical Society.
- \* Lithner, J. (2007). *A research framework for creative and imitative reasoning*. Department of Mathematics, Umeaa University, S90187 Umeaa, Sweden. Springer.
- \* Lithner, J. (2012). Learning mathematics by creative or imitative reasoning. Proceedings of the 12th International Congress on Mathematical Education. Seoul, Korea.
- \* Moise, E. E. & Downs, F. L. (1970). *Geometry*. (Trad. Mariano García). E.U.A: Addison-Wesley Iberoamericana.
- \* National Council of Teachers of Mathematics [NCTM] (2000). *Principles and Standars for School Mathematics*. Reston, VA: NCTM.
- \* Polya, G. (1981). *Mathematical Discovery: On Understanding, Learning, and Teaching Problem solving* (Combined Edition). New York: John Wiley & Sons.
- \* Rodríguez, G., Gil, J. & García, E. (1999). *Metodología de la investigación cualitativa*. Málaga: Aljibe
- \* Santos-Trigo, M. (1997). La transferencia del conocimiento y la formulación o rediseño de problemas en el aprendizaje de las matemáticas. *Revista Mexicana de Investigación Educativa*, 2(3), 11-30.
- \* Santos-Trigo, M. (2010). *La resolución de problemas matemáticos. Fundamentos cognitivos*. México: Trillas.
- \* Schoenfeld, A. H. (1985). *Mathematical Problem Solving*. Orlando, Florida: Academic Press.
- \* SEP (1997). *Libro para el Maestro. Educación Secundaria. Matemáticas*. México.
- \* SMM (2013). *27a Olimpiada Mexicana de Matemáticas. Problemas introductorios*. México:
- \* Weber, K. (2005). Problem-solving, proving, and learning: The relationship between problem-solving processes and learning opportunities in the activity of proof construction. *Journal of Mathematical Behavior*, 24, 351-360.

# *Gracias por su atención*

Lic. Laura Aguilar Castro

Docente frente a grupo

[castrolulis@hotmail.com](mailto:castrolulis@hotmail.com)

Dr. Aarón Reyes Rodríguez

[aaronr@uaeh.edu.mx](mailto:aaronr@uaeh.edu.mx)

Catedrático, UAEH

Dr. Fernando Barrera Mora

[fbarrera10147@gmail.com](mailto:fbarrera10147@gmail.com)

Catedrático, UAEH